

4 (6 p.) Para diseñar un AP cuyo lenguaje aceptado por vaciado de pila sea

$$\{w \in (a|b)^* \mid \text{si } x \text{ es prefijo de } w \text{ entonces } |x|_a \leq |x|_b\}$$

se comienza poniendo las transiciones (A es el símbolo inicial de pila)

$$(r1) \quad f(q_1, b, A) = \{(q_1, BA)\} \quad (r2) \quad f(q_1, b, B) = \{(q_1, BB)\} \quad (r3) \quad f(q_1, a, B) = \{(q_1, \epsilon)\}$$

1. Explica el significado de estas transiciones

(r1) apila una b (con la pila vacía: al empezar o si ya no hay bes en la pila)

(r2) apila bes sobre bes ya apiladas

(r3) desapila una b con la lectura de una a

2. Completa la definición del AP

(r4) $f(q_1, \epsilon, B) = \{(q_1, \epsilon)\}$ (desapilar las bes en cualquier momento)

(r5) $f(q_1, \epsilon, A) = \{(q_1, \epsilon)\}$ (desapilar el símbolo inicial)

3. Propón una gramática que genere el lenguaje

Puede obtenerse directamente del autómata:

$$\begin{aligned} A &\rightarrow bBA \mid \epsilon \\ B &\rightarrow bBB \mid a \mid \epsilon \end{aligned}$$

5 (6 p.) Se tiene un máquina de Turing M que genera un lenguaje L . Se sabe que L no es recursivo, y que las primeras cadenas generadas son (en ese orden) $aa, a, aba, a, ab, a^{47}b, b^3ab$. Se construye otra máquina de Turing (M'), usando ésta, de la siguiente manera:

```
var long : integer;
begin(* M' *)
  long := 2; writeln ('aa');
  repeat
    hacer que M genere la siguiente x
    if M está parada then exit (parar)
    if length(x) > long then
      begin writeln (x); long := length(x) end
  until (1=0)
end (* M' *)
```

Evidentemente, esta máquina muestra un subconjunto de cadenas de L .

¿Es este lenguaje recursivamente numerable?. (Si/No/Puede serlo o no ... justifíquese).

Si. M' es una máquina de Turing que lo genera.

¿Es este lenguaje recursivo?. (Si/No/Puede serlo o no ... justifíquese).

Si. M' es una máquina de Turing que lo genera de forma que las cadenas aparecen en orden creciente de longitud (estrictamente creciente, de hecho). Las primeras cadenas generadas serán : $aa, aba, a^{47}b$, la siguiente tendrá una longitud mayor que 48, etc. (En este lenguaje existe a lo sumo una cadena de cada longitud). Por lo tanto el algoritmo

```
var x, y : string;
begin(* MR(L') *)
  leer (x); y := 'aa';
  while length(y) < length(x) do
    begin
      que M' genere la siguiente (en y)
      if M' está parada then salir del while
    end
    if x=y then writeln ('SI')
    else writeln ('NO')
  end (* MR(L') *)
```

se para siempre, y caracteriza el lenguaje .

6 (6 p.) Sean L_1, L_2 y L_3 tres lenguajes

Probar que “Si $L_2 = L_3$ entonces $L_1 L_2 = L_1 L_3$ ”

Si $w \in L_1 L_2$ existen $x \in L_1$ e $y \in L_2$ tales que $w = xy$

Como $L_2 = L_3$, se tiene que $y \in L_3$

de modo que $w \in L_1 L_3$, así que $L_1 L_2 \subseteq L_1 L_3$

Análogamente, Si $w \in L_1 L_3$ existen $x \in L_1$ e $y \in L_3$ tales que $w = xy$ y como $y \in L_2$ se obtiene la otra contención.

Probar que el recíproco (“Si $L_1 L_2 = L_1 L_3$ ” entonces $L_2 = L_3$) no es cierto

Basta encontrar algún contraejemplo:

$L_1 = \emptyset, L_2 = \{a\}$ y $L_3 = \{b\}$ hacen $L_1 L_2 = L_1 L_3 = \emptyset$ con $L_2 \neq L_3$

$L_1 = a^*, L_2 = a^*$ y $L_3 = \epsilon$ hacen $L_1 L_2 = L_1 L_3 = a^*$ con $L_2 \neq L_3$

$L_1 = a^*, L_2 = a^*b$ y $L_3 = b$ hacen $L_1 L_2 = L_1 L_3 = a^*b$ con $L_2 \neq L_3$

7 (8 p.) Para la máquina de Turing sobre el alfabeto binario, estado inicial q_1 , estado final q_2 y función de transición

$f(q_1, 0) = (q_3, 0, \rightarrow)$; $f(q_1, 1) = (q_2, 1, \leftarrow)$; $f(q_3, 1) = (q_1, 1, \leftarrow)$

el lenguaje de parada es $L_P = \underline{\epsilon \mid 0 \mid 00(0|1)^* \mid 1(0|1)^*}$

el lenguaje reconocido es $L_R = \underline{1(0|1)^*}$

una codificación de la máquina es 10101110101100101101101101001110110101101

8 (15 p.) Calcular la TASP de la siguiente gramática, especificando los PRIMEROS y SIGUIENTES necesarios:

- | | | |
|------------------------------|------------------------------|---------------------------|
| (1) $S \rightarrow bSc$ | (5) $Q \rightarrow \epsilon$ | (9) $T \rightarrow PQe$ |
| (2) $\mid TVb$ | (6) $\mid a$ | (10) $\mid dReT$ |
| (3) $P \rightarrow \epsilon$ | (7) $R \rightarrow PQ$ | (11) $V \rightarrow PcQd$ |
| (4) $\mid b$ | (8) $\mid cSP$ | (12) $\mid eR$ |

Pr.	S	P	Q	R	T	V	a	...
	b	ϵ	ϵ	b	b	b	a	...
	a	b	a	a	a	c		
	e			ϵ	e	e		
	d			c	d			

Sg.	S	P	Q	R	T	V
	$\$$	a	d	e	b	b
	c	e	e	b	c	
	b	c	b		e	
	e	b				

TASP	a	b	c	d	e	$\$$
S	2	1, 2		2	2	
P	3	3, 4	3		3	
Q	6	5		5	5	
R	7	7	8		7	
T	9	9		10	9	
V		11	11		12	

9 (5 p.) En el directorio por defecto se encuentran los siguientes ficheros: (todos de tipo texto)

```
1 aaa..      3 aaa..wq  5 ab      7 abc.txt  9 p.p  11 uno
2 aaabbb    4 aa.txt    6 abc.p.s 8 1.p    10 a.c  12 1a.pp
```

- La orden `ls -l | egrep -w "a*.*"` mostrará (*elíjase la opción correcta y complétese*):

1. las líneas de `ls -l` correspondientes a los ficheros de número:

1 a 12 (todos)

2. las líneas de `ls -l` correspondientes a ficheros con determinado contenido:

3. otra cosa:

- ¿Qué orden (similar a la anterior) mostraría lo mismo pero de los ficheros cuyo nombre sea *carácter punto carácter* (ej. 8, 9, 10)?

```
ls -l | egrep -w "[.]."
```

10 (5 p.) ¿Qué es `y.tab.h`?

Un fichero de cabecera para el programa `.c`, generado por *YACC*. También lo genera *YACC* (si se compila con la opción `-d`), a partir de las especificaciones del fuente (`.y`). Suele contener las definiciones de los enteros (constantes) asociados a los componentes léxicos (`%token`, que se convierten en `defines`), la declaración de la variable para los valores semánticos y el tipo de éstos (`%union`, que se convierte en definición de tipo). Se usa para comunicar estos datos entre el fichero generado por *LEX* y el generado por *YACC* (mediante un `#include "y.tab.h"`)

11 (15 p.) (*Se exige una calificación mínima de 7 puntos para considerar la nota de la práctica*)

Elaborar programas fuente en Lex y Yacc para realizar las siguiente tarea: se parte de un programa Pascal correcto (compilado sin errores).

- partiendo de un programa Pascal correcto (compilado sin errores), devuelve el mismo programa del que se han eliminado los comentarios
- partiendo de un programa correcto, que no tiene comentarios, ni definiciones de registros (`record ... end`), ni sentencias `case`, -pero que puede tener subprogramas-, debe mostrar solamente una línea por cada par `begin ... end` del *programa principal* consituída por los números de línea en los que se encuentran estas palabras. En la línea del par que enmarca el programa principal pondrá `PRINCIPAL`. `repeat ... until` debe considerarse como un par `begin ... end`.

EJEMPLO:

```
(* 1*) program pp
(* 2*) procedure q
(* 3*) procedure r
(* 4*) begin      end
(* 5*) begin
(* 6*) begin      end
(* 7*) begin      end
(* 8*) end
(* 9*)
(*10*) begin          SALIDA:
(*11*) begin
(*12*) begin
(*13*) end            (12-13)
(*14*) begin          (14-15)
(*15*) end            (11-16)
(*16*) end            (19-19)
(*17*) begin          (18-20)
(*18*) repeat         (17-21)
(*19*) begin end      (10-22) PRINCIPAL
(*20*) until ....
(*21*) end
(*22*) end
```

1. Hay varias soluciones para este problema en las páginas del laboratorio

2. **Componentes léxicos:**

BEG begin, Repeat ... (inicios de pares)

END eNd, until ... (fines de pares)

CABSP procedure, Function ... (cabeceras de subprogramas)

todos ellos en cualquier combinación de mayúsculas y minúsculas.

Auxiliares de la gramática:

S programa

B bloque de subprogramas

P subprograma

E parte ejecutable del programa principal

R parte ejecutable de subprograma

Fuente Lex:

```
%{
#include "y.tab.h"
}%
%option case-insensitive
id      [a-zA-Z[a-zA-Z0-9]*
int nl=1;
extern int yylval;
%%
[ \t]+      ;
repeat      |
begin       {yylval=nl; return BEG;}
until       |
end         {yylval=nl; return END;}
function    |
procedure   {yylval=nl; return CABSP;}
{id}        ;
\n          {nl++;}
.           ;
```

Fuente Yacc:

```
%{
#include <stdio.h>
yyerror( char * s)
    { fprintf (stderr, "%s\n", s); }
}%
%token BEG END CABSP
%%
S      : B BEG E END { printf ("END (%d-%d)\n", $2, $4); }
      ;
B      : B P
      |
      ;
P      : CABSP B BEG R END
      ;
E      : BEG E END E { printf ("end (%d-%d)\n", $1, $3); }
      |
      ;
R      : BEG R END R
      |
      ;
%%
main(){
    yyparse();
}
```